
[31페이지: 2행]

$$|\mathbf{v}\rangle \propto \varepsilon V$$

→

$$|\mathbf{v}\rangle \propto \hbar V$$

[59페이지: 위에서 8행]

마지막으로 \hbar (h bar) 대신 $h/2\pi$ 를 넣으면 다음과 같다.

→

마지막으로 $h/2\pi$ 대신 \hbar 를 넣으면 다음과 같다.

[59페이지: 위에서 9행]

$$\Psi(x, t) = Ae^{i(px - Et)/h}$$

→

$$\Psi(x, t) = Ae^{i(px - Et)/\hbar}$$

[65페이지]

3.2 정사각행렬

정사각행렬 square matrix 은 행의 수와 열의 수가 같은 행렬, 즉 $m = n$ 인 행렬이다. $n \times n$ 행렬을 차수가 n 인 정사각행렬이라 한다. 정사각행렬에는 대칭 symmetry, 비대칭 antisymmetry 등 고유한 몇 가지 특성이 있다. 뿐만 아니라 정사각행렬에

→

3.2 정사각행렬

정사각행렬 square matrix 은 행의 수와 열의 수가 같은 행렬, 즉 $m = n$ 인 행렬이다. $n \times n$ 행렬을 차수가 n 인 정사각행렬이라 한다. 정사각행렬에는 대칭 symmetry, **반**대칭 antisymmetry 등 고유한 몇 가지 특성이 있다. 뿐만 아니라 정사각행렬에

[64페이지: 아래에서 6행]

$$A = |a_{ij}| = \begin{vmatrix} a_{11} & a_{12} & \cdots & a_{1n} \\ a_{21} & a_{22} & \cdots & a_{2n} \\ & & \cdots & \\ & & & \\ a_{m1} & a_{m2} & \cdots & a_{mn} \end{vmatrix}$$

→

$$A = (a_{ij}) = \begin{pmatrix} a_{11} & a_{12} & \cdots & a_{1n} \\ a_{21} & a_{22} & \cdots & a_{2n} \\ & & \cdots & \\ & & & \\ a_{m1} & a_{m2} & \cdots & a_{mn} \end{pmatrix}$$

[66페이지]

$$\begin{vmatrix} 2-i & 3 & 7 \\ 3 & 6i & 1-i \\ 5 & 3+2i & 8 \end{vmatrix}$$

→

$$\begin{pmatrix} 2-i & 3 & 7 \\ 3 & 6i & 1-i \\ 5 & 3+2i & 8 \end{pmatrix}$$

$$A = \begin{vmatrix} i & 0 & 0j \\ 0 & 1 & 0 \\ 1 & 0 & 2i \end{vmatrix} \quad B = \begin{vmatrix} 2j & 4 & 0 \\ 3 & 1 & 0 \\ -1 & -4 & 1 \end{vmatrix}$$

그러면 다음과 같다.

$$AB = \begin{vmatrix} -2 & 4i & 0 \\ 3 & 1 & 0 \\ 0 & 4-8i & 2i \end{vmatrix} \quad BA = \begin{vmatrix} -2 & 4 & 0 \\ 3i & 1 & 0 \\ 1-i & -4 & 2i \end{vmatrix}$$

→

$$A = \begin{pmatrix} i & 0 & 0j \\ 0 & 1 & 0 \\ 1 & 0 & 2i \end{pmatrix} \quad B = \begin{pmatrix} 2j & 4 & 0 \\ 3 & 1 & 0 \\ -1 & -4 & 1 \end{pmatrix}$$

그러면 다음과 같다.

$$AB = \begin{pmatrix} -2 & 4i & 0 \\ 3 & 1 & 0 \\ 0 & 4-8i & 2i \end{pmatrix} \quad BA = \begin{pmatrix} -2 & 4 & 0 \\ 3i & 1 & 0 \\ 1-i & -4 & 2i \end{pmatrix}$$

$$\begin{vmatrix} 3 & 0 & 0 \\ 0 & 5i & 0 \\ 0 & 0 & 4 \end{vmatrix}$$

→

$$\begin{pmatrix} 3 & 0 & 0 \\ 0 & 5i & 0 \\ 0 & 0 & 4 \end{pmatrix}$$

[71페이지: 아래에서 3행]

$$D(C|s\rangle) = C|t\rangle = |u\rangle$$

→

$$D(C|s\rangle) = \mathbf{D}|t\rangle = |u\rangle$$

[71페이지]

앞서 언급했듯이 양자역학의 모든 연산자는 선형이지만 한 가지 예외가 있다.
예외에 해당하는 비선형 연산자^{antilinear operator} Q 는 다음과 같은 성질을 갖는다.

→

앞서 언급했듯이 양자역학의 모든 연산자는 선형이지만 한 가지 예외가 있다.
예외에 해당하는 **반**선형 연산자^{antilinear operator} Q 는 다음과 같은 성질을 갖는다.

[76페이지]

$$A = \begin{vmatrix} \cos\theta & -\sin\theta \\ \sin\theta & \cos\theta \end{vmatrix}$$
$$A^T = \begin{vmatrix} \cos\theta & \sin\theta \\ -\sin\theta & \cos\theta \end{vmatrix}$$

$$AA^T = \begin{vmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \end{vmatrix} = I \text{이므로, 행렬 } A \text{와 } A^T \text{는 직교한다.}$$

→

$$A = \begin{pmatrix} \cos\theta & -\sin\theta \\ \sin\theta & \cos\theta \end{pmatrix}$$
$$A^T = \begin{pmatrix} \cos\theta & \sin\theta \\ -\sin\theta & \cos\theta \end{pmatrix}$$

$$AA^T = \begin{pmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \end{pmatrix} = I \text{이므로, 행렬 } A \text{와 } A^T \text{는 직교한다.}$$

[76페이지]

$$\begin{vmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 \end{vmatrix}$$

→

$$\begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}$$

[77페이지]

$$A = \begin{vmatrix} 2 & -1 & 4 \\ 1-2i & 5 & 2-5i \\ -5i & 2+i & 3+7i \end{vmatrix}$$

→

$$A = \begin{pmatrix} 2 & -1 & 4 \\ 1-2i & 5 & 2-5i \\ -5i & 2+i & 3+7i \end{pmatrix}$$

먼저 A의 켈레복소 행렬 A^* 를 각 성분의 켈레복소수를 취해 구한다.

$$A^* = \begin{vmatrix} 2 & i & 4 \\ 1+2i & 5 & 2+5i \\ 5i & 2-i & 3-7i \end{vmatrix}$$

그런 다음 A^* 를 전치해서 행렬 A의 수반(에르미트 켈레) 행렬을 얻는다.

$$A^\dagger = \begin{vmatrix} 2 & 1+2i & 5i \\ i & 5 & 2-i \\ 4 & 2+5i & 3-7i \end{vmatrix}$$

→

먼저 A의 켈레복소 행렬 A^* 를 각 성분의 켈레복소수를 취해 구한다.

$$A^* = \begin{pmatrix} 2 & 1 & 4 \\ 1+2i & 5 & 2+5i \\ 5i & 2-i & 3-7i \end{pmatrix}$$

그런 다음 A^* 를 전치해서 행렬 A의 수반(에르미트 켈레) 행렬을 얻는다.

$$A^\dagger = \begin{pmatrix} 2 & 1+2i & 5i \\ 1 & 5 & 2-i \\ 4 & 2+5i & 3-7i \end{pmatrix}$$

[85페이지]

부울 대수[1]는 어떤 집합 A 에 대해 두 이항 연산 \cdot 과 $+$ 로 정의된다. \cdot 와 $+$ 기호는 각각 AND와 포함적 OR^{inclusive OR}에 해당한다. 부울 대수의 연산은 다음과 같은 공리^{axiom} 또는 공준^{postulate}에 근거한다.

1. $x, y \in A$ 면 $x + y \in A$ 이고, $x \cdot y \in A$ 다. 이를 닫힘성^{closure property}이라고 한다.

→

부울 대수[1]는 어떤 집합 \mathcal{A} 에 대해 두 이항 연산 \cdot 과 $+$ 로 정의된다. \cdot 와 $+$ 기호는 각각 AND와 포함적 OR^{inclusive OR}에 해당한다. 부울 대수의 연산은 다음과 같은 공리^{axiom} 또는 공준^{postulate}에 근거한다.

1. $x, y \in \mathcal{A}$ 면 $x + y \in \mathcal{A}$ 이고, $x \cdot y \in \mathcal{A}$ 다. 이를 닫힘성^{closure property}이라고 한다.

[90페이지]

$$f: (0, 1)^2 \rightarrow (0, 1)^t$$

→

$$f: (0, 1)^2 \rightarrow (0, 1)^1$$

이것이 고전 역학계라면 그림에 나와 있듯이 들뜬상태가 $|1\rangle$ 을 나타내고 바닥상태가 $|0\rangle$ 을 나타내는 것으로 가정할 수 있다. 일반적으로, 양자계의 전자는 바닥상태와 들뜬상태가 선형 중첩^{linear superposition}돼 존재할 수도 있다. 양자계의 전자는 확률 진폭 α 를 갖는 바닥상태(0)와 확률 진폭 β 를 갖는 들뜬상태(1)에 있다. 이러한 두 상태^{two-state} 양자계를 큐비트^{qubit}라고 하며,

→

이것이 고전 역학계라면 그림에 나와 있듯이 들뜬상태가 $|1\rangle$ 을 나타내고 바닥상태가 $|0\rangle$ 을 나타내는 것으로 가정할 수 있다. 일반적으로 들뜬상태의 선형 중첩^{linear superposition}으로 표현된다. 이것은 확률 진폭 α 를 갖는 바닥상태(0)와 확률 진폭 β 를 갖는 들뜬상태(1)의 선형 중첩으로 나타나게 된다. 이

[107페이지: 1행]

$$\begin{pmatrix} 1 & 0 \\ 0 & -1 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} \alpha \\ \beta \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} \alpha \\ -\beta \end{pmatrix} = \alpha |1\rangle + \beta |0\rangle$$

→

$$\begin{pmatrix} 1 & 0 \\ 0 & -1 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} \alpha \\ \beta \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} \alpha \\ -\beta \end{pmatrix} = \alpha |0\rangle + \beta |1\rangle$$

$$\sqrt{\text{NOT}} = \frac{1}{\sqrt{2}} \begin{vmatrix} 1 & -1 \\ 1 & 1 \end{vmatrix}$$

$|0\rangle$ 을 $\sqrt{\text{NOT}}$ 게이트에 넣으면 출력은 다음과 같다.

$$\begin{aligned} \sqrt{\text{NOT}} |0\rangle &= \frac{1}{\sqrt{2}} \begin{vmatrix} 1 & -1 \\ 1 & 1 \end{vmatrix} \begin{vmatrix} 1 \\ 0 \end{vmatrix} = \frac{1}{\sqrt{2}} \begin{vmatrix} 1 \\ 1 \end{vmatrix} = \frac{1}{\sqrt{2}} \left(\begin{vmatrix} 1 \\ 0 \end{vmatrix} + \begin{vmatrix} 0 \\ 1 \end{vmatrix} \right) \\ &= \frac{1}{\sqrt{2}} (|0\rangle + |1\rangle) \end{aligned}$$

비슷한 방식으로 $|1\rangle$ 을 $\sqrt{\text{NOT}}$ 게이트에 넣으면 출력은 다음과 같다.

$$\begin{aligned} \sqrt{\text{NOT}} |1\rangle &= \frac{1}{\sqrt{2}} \begin{vmatrix} 1 & -1 \\ 1 & 1 \end{vmatrix} \begin{vmatrix} 0 \\ 1 \end{vmatrix} = \frac{1}{\sqrt{2}} \begin{vmatrix} -1 \\ 1 \end{vmatrix} = \frac{1}{\sqrt{2}} \left(\begin{vmatrix} 0 \\ 1 \end{vmatrix} - \begin{vmatrix} 1 \\ 0 \end{vmatrix} \right) \\ &= \frac{1}{\sqrt{2}} (|1\rangle - |0\rangle) \end{aligned}$$

→

$$\sqrt{\text{NOT}} = \frac{1}{\sqrt{2}} \begin{pmatrix} 1 & -1 \\ 1 & 1 \end{pmatrix}$$

$|0\rangle$ 을 $\sqrt{\text{NOT}}$ 게이트에 넣으면 출력은 다음과 같다.

$$\begin{aligned} \sqrt{\text{NOT}} |0\rangle &= \frac{1}{\sqrt{2}} \begin{pmatrix} 1 & -1 \\ 1 & 1 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \end{pmatrix} = \frac{1}{\sqrt{2}} \begin{pmatrix} 1 \\ 1 \end{pmatrix} = \frac{1}{\sqrt{2}} \left(\begin{pmatrix} 1 \\ 0 \end{pmatrix} + \begin{pmatrix} 0 \\ 1 \end{pmatrix} \right) \\ &= \frac{1}{\sqrt{2}} (|0\rangle + |1\rangle) \end{aligned}$$

비슷한 방식으로 $|1\rangle$ 을 $\sqrt{\text{NOT}}$ 게이트에 넣으면 출력은 다음과 같다.

$$\begin{aligned} \sqrt{\text{NOT}} |1\rangle &= \frac{1}{\sqrt{2}} \begin{pmatrix} 1 & -1 \\ 1 & 1 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} 0 \\ 1 \end{pmatrix} = \frac{1}{\sqrt{2}} \begin{pmatrix} -1 \\ 1 \end{pmatrix} = \frac{1}{\sqrt{2}} \left(\begin{pmatrix} 0 \\ 1 \end{pmatrix} - \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \end{pmatrix} \right) \\ &= \frac{1}{\sqrt{2}} (|1\rangle - |0\rangle) \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} & \frac{1}{\sqrt{2}} \begin{vmatrix} 1 & -1 \\ 1 & 1 \end{vmatrix} \begin{vmatrix} 1 \\ 0 \end{vmatrix} \frac{1}{\sqrt{2}} (|0\rangle + |1\rangle) \\ &= \frac{1}{\sqrt{2}} \begin{vmatrix} 1 & -1 \\ 1 & 1 \end{vmatrix} \begin{vmatrix} 1 \\ 0 \end{vmatrix} \frac{1}{\sqrt{2}} \left[\begin{pmatrix} 1 \\ 0 \end{pmatrix} + \begin{pmatrix} 0 \\ 1 \end{pmatrix} \right] \\ &= \frac{1}{2} \begin{pmatrix} 1 \\ 1 \end{pmatrix} + \frac{1}{2} \begin{pmatrix} -1 \\ 1 \end{pmatrix} \\ &= \frac{1}{2} \left[\begin{pmatrix} 0 \\ 1 \end{pmatrix} + \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \end{pmatrix} \right] + \frac{1}{2} \left[\begin{pmatrix} 0 \\ 1 \end{pmatrix} - \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \end{pmatrix} \right] \\ &= \begin{pmatrix} 0 \\ 1 \end{pmatrix} = |1\rangle \end{aligned}$$

비슷한 방식으로 첫 번째 $\sqrt{\text{NOT}}$ 게이트의 출력이 $\frac{1}{\sqrt{2}} (|1\rangle - |0\rangle)$ 이면 두 번째 $\sqrt{\text{NOT}}$ 게이트의 출력은 다음과 같다.

$$\begin{aligned} & \frac{1}{\sqrt{2}} \begin{vmatrix} 1 & -1 \\ 1 & 1 \end{vmatrix} \begin{vmatrix} 1 \\ 0 \end{vmatrix} \frac{1}{\sqrt{2}} (|1\rangle - |0\rangle) \\ &= \frac{1}{\sqrt{2}} \begin{vmatrix} 1 & -1 \\ 1 & 1 \end{vmatrix} \frac{1}{\sqrt{2}} \left[\begin{pmatrix} 0 \\ 1 \end{pmatrix} - \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \end{pmatrix} \right] \end{aligned}$$

→

$$\begin{aligned} & \frac{1}{\sqrt{2}} \begin{pmatrix} 1 & -1 \\ 1 & 1 \end{pmatrix} \begin{vmatrix} 1 \\ 0 \end{vmatrix} \frac{1}{\sqrt{2}} (|0\rangle + |1\rangle) \\ &= \frac{1}{\sqrt{2}} \begin{pmatrix} 1 & -1 \\ 1 & 1 \end{pmatrix} \frac{1}{\sqrt{2}} \left[\begin{pmatrix} 1 \\ 0 \end{pmatrix} + \begin{pmatrix} 0 \\ 1 \end{pmatrix} \right] \\ &= \frac{1}{2} \begin{pmatrix} 1 \\ 1 \end{pmatrix} + \frac{1}{2} \begin{pmatrix} -1 \\ 1 \end{pmatrix} \\ &= \frac{1}{2} \left[\begin{pmatrix} 0 \\ 1 \end{pmatrix} + \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \end{pmatrix} \right] + \frac{1}{2} \left[\begin{pmatrix} 0 \\ 1 \end{pmatrix} - \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \end{pmatrix} \right] \\ &= \begin{pmatrix} 0 \\ 1 \end{pmatrix} = |1\rangle \end{aligned}$$

비슷한 방식으로 첫 번째 $\sqrt{\text{NOT}}$ 게이트의 출력이 $\frac{1}{\sqrt{2}} (|1\rangle - |0\rangle)$ 이면 두 번째 $\sqrt{\text{NOT}}$ 게이트의 출력은 다음과 같다.

$$\begin{aligned} & \frac{1}{\sqrt{2}} \begin{pmatrix} 1 & -1 \\ 1 & 1 \end{pmatrix} \frac{1}{\sqrt{2}} (|1\rangle - |0\rangle) \\ &= \frac{1}{\sqrt{2}} \begin{pmatrix} 1 & -1 \\ 1 & 1 \end{pmatrix} \frac{1}{\sqrt{2}} \left[\begin{pmatrix} 0 \\ 1 \end{pmatrix} - \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \end{pmatrix} \right] \end{aligned}$$

[110페이지: 4행]

$$\begin{aligned} H|0\rangle &= H \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \end{pmatrix} = \frac{|0\rangle + (-1)^0 |1\rangle}{\sqrt{2}} \\ &= \frac{|0\rangle + |1\rangle}{\sqrt{2}} = |+\rangle \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} H|1\rangle &= H \begin{pmatrix} 0 \\ 1 \end{pmatrix} = \frac{|0\rangle + (-1)^1 |1\rangle}{\sqrt{2}} \\ &= \frac{|0\rangle - |1\rangle}{\sqrt{2}} = |-\rangle \end{aligned}$$

→

$$\begin{aligned} H|0\rangle &= H \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \end{pmatrix} = \frac{|0\rangle + (-1)^0 |1\rangle}{\sqrt{2}} \\ &= \frac{|0\rangle + |1\rangle}{\sqrt{2}} = |+\rangle \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} H|1\rangle &= H \begin{pmatrix} 0 \\ 1 \end{pmatrix} = \frac{|0\rangle + (-1)^1 |1\rangle}{\sqrt{2}} \\ &= \frac{|0\rangle - |1\rangle}{\sqrt{2}} = |-\rangle \end{aligned}$$

[111페이지]

$$\begin{aligned} & \left(\frac{1}{\sqrt{2}} |0\rangle + |1\rangle \right) \otimes |1\rangle \\ &= \frac{1}{\sqrt{2}} |01\rangle + |11\rangle \end{aligned}$$

→

$$\begin{aligned} & \frac{1}{\sqrt{2}} (|0\rangle + |1\rangle) \otimes |1\rangle \\ &= \frac{1}{\sqrt{2}} |01\rangle + |11\rangle \end{aligned}$$

[117페이지]

U 를 유니타리 행렬로 표현할 수 있는 단일 큐비트 게이트라고 가정하자.

$$U = \begin{vmatrix} u_{00} & u_{01} \\ u_{10} & u_{11} \end{vmatrix}$$

→

U 를 유니타리 행렬로 표현할 수 있는 단일 큐비트 게이트라고 가정하자.

$$U = \begin{pmatrix} u_{00} & u_{01} \\ u_{10} & u_{11} \end{pmatrix}$$

[118페이지]

a	b	x	y
$ 0\rangle$	$ 0\rangle$	$ 0\rangle$	$ 0\rangle$
$ 0\rangle$	$ 1\rangle$	$ 0\rangle$	$ 1\rangle$
$ 1\rangle$	$ 0\rangle$	$ 1\rangle$	$ 1,U\rangle 0\rangle$
$ 1\rangle$	$ 1\rangle$	$ 1\rangle$	$ 1,U\rangle 1\rangle$

그에 따라 다음과 같다.

$$\begin{aligned} U|0\rangle &= \begin{vmatrix} u_{00} & u_{01} \\ u_{10} & u_{11} \end{vmatrix} \begin{vmatrix} 1 \\ 0 \end{vmatrix} = \begin{vmatrix} u_{00} \\ u_{10} \end{vmatrix} \\ &= (u_{00} |0\rangle + u_{10} |1\rangle) \end{aligned}$$

→

a	b	x	y
$ 0\rangle$	$ 0\rangle$	$ 0\rangle$	$ 0\rangle$
$ 0\rangle$	$ 1\rangle$	$ 0\rangle$	$ 1\rangle$
$ 1\rangle$	$ 0\rangle$	$ 1\rangle$	$ 1,U0\rangle$
$ 1\rangle$	$ 1\rangle$	$ 1\rangle$	$ 1,U1\rangle$

그에 따라 다음과 같다.

$$\begin{aligned} U|0\rangle &= \begin{pmatrix} u_{00} & u_{01} \\ u_{10} & u_{11} \end{pmatrix} \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} u_{00} \\ u_{10} \end{pmatrix} \\ &= (u_{00} |0\rangle + u_{10} |1\rangle) \end{aligned}$$

그러므로 다음과 같다.

$$|1\rangle |U\rangle |0\rangle = |1\rangle (u_{00} |0\rangle + u_{10} |1\rangle)$$

마찬가지로 다음과 같이 구할 수 있다.

$$|U\rangle |1\rangle = \begin{pmatrix} u_{01} \\ u_{11} \end{pmatrix} = (u_{01} |0\rangle + u_{11} |1\rangle)$$

$$|1\rangle |U\rangle |1\rangle = |1\rangle (u_{01} |0\rangle + u_{11} |1\rangle)$$

→

그러므로 다음과 같다.

$$|1\rangle |U\rangle |0\rangle = |1\rangle (u_{00} |0\rangle + u_{10} |1\rangle)$$

마찬가지로 다음과 같이 구할 수 있다.

$$|U\rangle |1\rangle = \begin{pmatrix} u_{01} \\ u_{11} \end{pmatrix} = (u_{01} |0\rangle + u_{11} |1\rangle)$$

$$|1\rangle |U\rangle |1\rangle = |1\rangle (u_{01} |0\rangle + u_{11} |1\rangle)$$

[124페이지]

	000	001	010	011	100	101	110	111
000	1	0	0	0	0	0	0	0
001	0	1	0	0	0	0	0	0
010	0	0	1	0	0	0	0	0
011	0	0	0	1	0	0	0	0
100	0	0	0	0	1	0	1	0
101	0	0	0	0	0	1	0	0
110	0	0	0	0	0	0	0	1
111	0	0	0	0	0	0	1	0

그림 5.9 토폴리 게이트에 대응되는 행렬

→

	000	001	010	011	100	101	110	111
000	1	0	0	0	0	0	0	0
001	0	1	0	0	0	0	0	0
010	0	0	1	0	0	0	0	0
011	0	0	0	1	0	0	0	0
100	0	0	0	0	1	0	0	0
101	0	0	0	0	0	1	0	0
110	0	0	0	0	0	0	0	1
111	0	0	0	0	0	0	1	0

그림 5.9 토폴리 게이트에 대응되는 행렬

[131페이지]

두 2차원 벡터 U 와 V 의 텐서곱에 의해 생성된 새로운 벡터 공간은 4차원이 되며, 새로운 기저 벡터는 다음과 같다.

$$(u_0v_0, u_0v_1, u_1v_0, u_1v_1)$$

→

두 2차원 벡터 U 와 V 의 텐서곱에 의해 생성된 새로운 벡터 공간은 4차원이 되며, 새로운 기저 벡터는 다음과 같다.

$$(u_0v_0, u_0v_1, u_1v_0, u_1v_1)$$

[134페이지]

다음 규칙을 사용한다고 하자.

$$|u\rangle \otimes |v\rangle = |u\rangle|v\rangle = |uv\rangle, \text{ 여기서 } u, v \in (0, 1)$$

그러면 식(6.1)을 다음과 같이 쓸 수 있다.

→

다음 규칙을 사용한다고 하자.

$$|u\rangle \otimes |v\rangle = |u\rangle|v\rangle = |uv\rangle, \text{ 여기서 } u, v \in \{0, 1\}$$

그러면 식(6.1)을 다음과 같이 쓸 수 있다.

[135페이지]

n 큐비트 양자 레지스터는 다음과 같이 2^n 상태를 중첩한 임의의 상태에 있을 수 있다.

$$c_0 |0\rangle + c_1 |1\rangle + c_2 |2\rangle + \dots \dots \dots + c_{2^{n-1}} |2^{n-1}\rangle$$

→

n 큐비트 양자 레지스터는 다음과 같이 2^n 상태를 중첩한 임의의 상태에 있을 수 있다.

$$c_0 |0\rangle + c_1 |1\rangle + c_2 |2\rangle + \dots \dots \dots + c_{\textcircled{n-1}} |2^{n-1}\rangle$$

[139페이지]

입자가 얼마나 멀리 떨어져 있든 그렇다. 이 현상이 너무도 이상해서 아인슈타인은 ‘도깨비 같은 원격 작용(spooky action at a distance)’이라고 부르기도 했다.

→

입자가 얼마나 멀리 떨어져 있든 그렇다. 이 현상이 너무도 이상해서 아인슈타인은 ‘도깨비 같은 원격 작용(spooky action at a distance)’이라고 부르기도 했다.

[142페이지]

ω 을 갖게 결합해 두 큐비트가 얽힌 상태가 생성됐다고 해보자.

$$\psi_{00} = \omega|00\rangle + \omega|11\rangle + \dots \quad (6.2)$$

→

ω 을 갖게 결합해 두 큐비트가 얽힌 상태가 생성됐다고 해보자.

$$\psi_{00} = \omega|00\rangle + \omega|11\rangle \quad (6.2)$$

[142페이지: 아래에서 5행]

면 u_1 과 v_0 는 0이 될 수 없다. 따라서 상태 $|10\rangle$ 은 식(6.2)와 모순되도록 영이

→

면 u_1 과 v_0 는 0이 될 수 없다. 따라서 상태 $|10\rangle$ 은 식(6.2)와 모순되지 않도록

$$\begin{aligned} &= \frac{1}{\sqrt{2}} (H|0\rangle \otimes H|0\rangle + \frac{1}{\sqrt{2}} (H|1\rangle \otimes H|1\rangle) \\ &= \frac{1}{\sqrt{2}} \left(\frac{1}{\sqrt{2}} (|0\rangle + \frac{1}{\sqrt{2}} (|1\rangle) \otimes \frac{1}{\sqrt{2}} \left(\frac{1}{\sqrt{2}} (|0\rangle + \frac{1}{\sqrt{2}} (|1\rangle) \right) \right. \\ &\quad \left. + \frac{1}{\sqrt{2}} \left(\frac{1}{\sqrt{2}} (|0\rangle - \frac{1}{\sqrt{2}} (|1\rangle) \otimes \frac{1}{\sqrt{2}} \left(\frac{1}{\sqrt{2}} (|0\rangle - \frac{1}{\sqrt{2}} (|1\rangle) \right) \right) \right) \\ &= \frac{|00\rangle + |11\rangle}{\sqrt{2}} \end{aligned}$$

→

$$\begin{aligned} &= \frac{1}{\sqrt{2}} (H|0\rangle \otimes H|0\rangle + \frac{1}{\sqrt{2}} (H|1\rangle \otimes H|1\rangle) \\ &= \frac{1}{\sqrt{2}} \left(\frac{1}{\sqrt{2}} (|0\rangle + \frac{1}{\sqrt{2}} (|1\rangle) \otimes \frac{1}{\sqrt{2}} \left(\frac{1}{\sqrt{2}} (|0\rangle + \frac{1}{\sqrt{2}} (|1\rangle) \right) \right. \\ &\quad \left. + \frac{1}{\sqrt{2}} \left(\frac{1}{\sqrt{2}} (|0\rangle - \frac{1}{\sqrt{2}} (|1\rangle) \otimes \frac{1}{\sqrt{2}} \left(\frac{1}{\sqrt{2}} (|0\rangle - \frac{1}{\sqrt{2}} (|1\rangle) \right) \right) \right) \\ &= \frac{|00\rangle + |11\rangle}{\sqrt{2}} \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} | + 0 \rangle &= \frac{1}{\sqrt{2}} (|0\rangle + |1\rangle \otimes |0\rangle) \\ &= \frac{1}{\sqrt{2}} (|00\rangle + |10\rangle) \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} | + 1 \rangle &= \frac{1}{\sqrt{2}} (|0\rangle + |1\rangle \otimes |1\rangle) \\ &= \frac{1}{\sqrt{2}} (|01\rangle + |11\rangle) \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} | - 0 \rangle &= \frac{1}{\sqrt{2}} (|0\rangle - |1\rangle \otimes |0\rangle) \\ &= \frac{1}{\sqrt{2}} (|00\rangle - \frac{1}{\sqrt{2}} |10\rangle) \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} | - 1 \rangle &= \frac{1}{\sqrt{2}} (|0\rangle - |1\rangle \otimes |1\rangle) \\ &= \frac{1}{\sqrt{2}} (|01\rangle - \frac{1}{\sqrt{2}} |11\rangle) \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} | + 0 \rangle &= \frac{1}{\sqrt{2}} (|0\rangle + |1\rangle) \otimes |0\rangle \\ &= \frac{1}{\sqrt{2}} (|00\rangle + |10\rangle) \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} | + 1 \rangle &= \frac{1}{\sqrt{2}} (|0\rangle + |1\rangle) \otimes |1\rangle \\ &= \frac{1}{\sqrt{2}} (|01\rangle + |11\rangle) \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} | - 0 \rangle &= \frac{1}{\sqrt{2}} (|0\rangle - |1\rangle) \otimes |0\rangle \\ &= \frac{1}{\sqrt{2}} (|00\rangle - |10\rangle) \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} | - 1 \rangle &= \frac{1}{\sqrt{2}} (|0\rangle - |1\rangle) \otimes |1\rangle \\ &= \frac{1}{\sqrt{2}} (|01\rangle - |11\rangle) \end{aligned}$$

→

$$\left(\frac{1}{\sqrt{2}} (|00\rangle + |10\rangle) \right), \left(\frac{1}{\sqrt{2}} (|00\rangle + |11\rangle) \right), \left(\frac{1}{\sqrt{2}} (|00\rangle - |10\rangle) \right),$$

$$\left(\frac{1}{\sqrt{2}} (|01\rangle - |11\rangle) \right)$$

→

$$\left(\frac{1}{\sqrt{2}} (|00\rangle + |10\rangle) \right), \left(\frac{1}{\sqrt{2}} (|00\rangle + |11\rangle) \right), \left(\frac{1}{\sqrt{2}} (|00\rangle - |10\rangle) \right),$$

$$\left(\frac{1}{\sqrt{2}} (|01\rangle - |11\rangle) \right)$$